

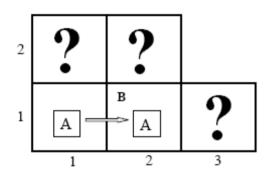
تمثيل المعرفة النظم المنطقية العميل كنظام منطقي

د. أحمد سكاف

2008-2007

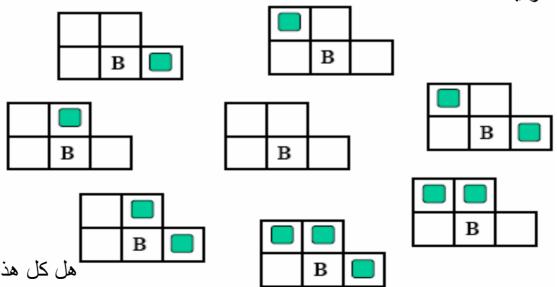


الموديلات في عالم ويمبس Models in the wumpus world



لنفرض ان العميل إنتقل من (1،1) إلى (1،2) ليجد Breeze ماهى موديلات قاعدة المعرفة KB للعميل الممكنة من أجل المربعات التي تحوي ؟ بإعتبار انه لا يوجد إلا أبار في المربعات.

إن قاعدة المعرفة للعميل تحوي الرموز P13,P22,P21 و التي توافق وجود بئر في واحد او أكثر من المربعات. هناك إذا ثلاث رموز وهذا يعطي إمكانية وجود 8 موديلات.

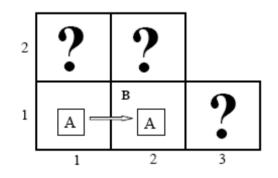


هل كل هذه الموديلات هي موديلات لقاعدة المعرفة للعميل في عالم ويمبس؟



قاعدة المعرفة للعميل في عالم ويمبس Agent KB in the wumpus world

هي مجموعة كل التعابير المفترضة والتي توصف معرفة العميل الحالية للعالم (عالم ويمبس)



: الموضع المرافق هي؛
$$S_1=\neg B_{11}$$
 $S_2=B_{12}$ $S_3=B_{12}$ $S_3=B_{11}\Leftrightarrow \left(P_{21}\vee P_{12}\right)$ $S_4=B_{12}\Leftrightarrow \left(P_{11}\vee P_{22}\vee P_{13}\right)$ $S_5=\neg P_{11}$

i مهما تكن S_i =True إن الموديل هو تفسير ما للتعابير تكون فيه صحيحة أي

كيف نجد إذا الموديلات الموافقة ؟



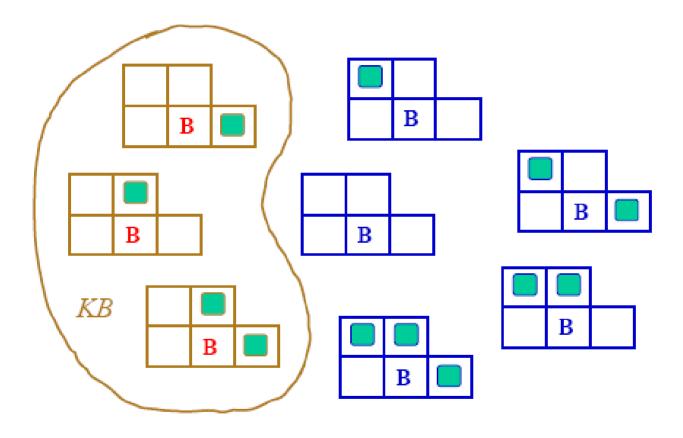
كيف نجد إذا الموديلات الموافقة ؟

 $KB=S_1\wedge S_2\wedge S_3\wedge S_4\wedge S_5$: بإيجاد كل التفسيرات الممكنة للتعابير وأخذ التعابير الصحيحة فقط أي : 128 تفسير للتعابير وأخذ التعابير وأخذ التعابير أولية وهذا يعطي 128 تفسير للتعابير :

B ₁₁	B ₁₂	P ₁₁	P ₂₁	P ₁₂	P ₂₂	P ₃₁	S ₁	S ₂	S _s	S ₄	S	KB
0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	1	0
0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	0	1	1	1	0	1	0
0	1	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	0	1	0	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1	1
0	1	0	0	1	0	0	1	1	0	0	1	0
						W (# 181						
1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	0



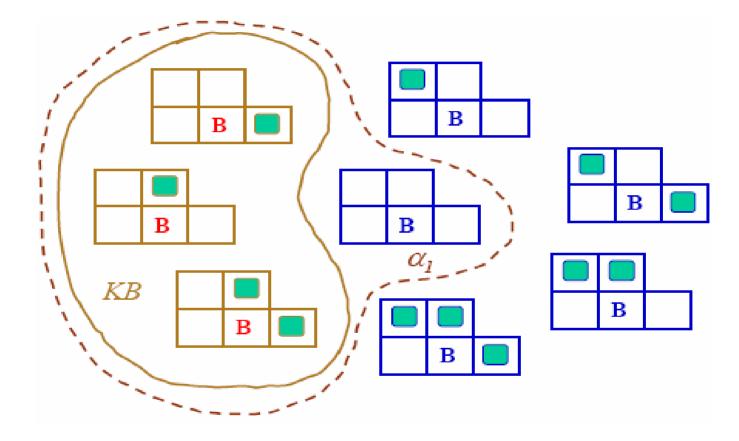
الموديلات في عالم ويمبس Models in the wumpus world



إستنتاج: قاعدة المعرفة في عالم ويمبس = قواعد عالم ويمبس + الملاحظات (observation)



الموديلات في عالم ويمبس Models in the wumpus world



- *KB* = wumpus-world rules + observations
- $\alpha_1 = "[1,2]$ is safe?", $KB \models \alpha_1$, proved by model checking



model checking

$B_{1,1}$	B _{1,2}	$P_{1,1}$	P _{2,1}	P _{1,2}	$P_{2,2}$	$P_{3,1}$	KB	α_1
false	false	false	false	false	false	false	false	true
false	false	false	false	false	false	true	false	true
:	:	:	:	:	:	:	:	:
false	true	false	false	false	false	false	false	true
false	true	false	false	false	false	true	\underline{true}	\underline{true}
false	true	false	false	false	true	false	\underline{true}	<u>true</u>
false	true	false	false	false	true	true	\underline{true}	\underline{true}
false	true	false	false	true	false	false	false	true
:	:	:	:	:	:	:	:	:
true	true	true	true	true	true	true	false	false



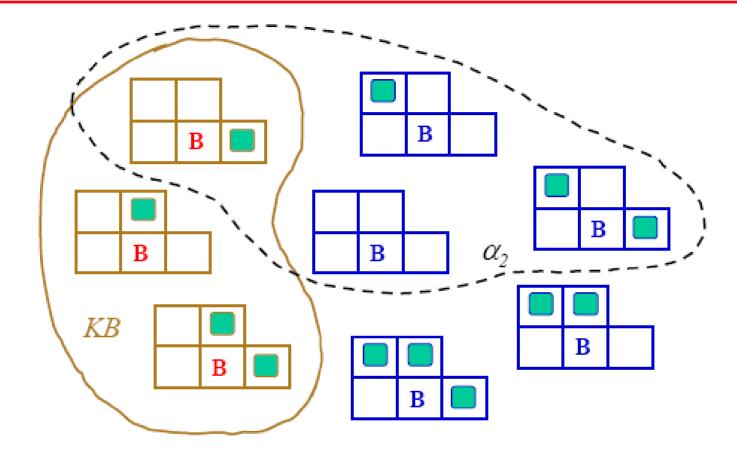
model checking

المربع (1،2) خالي من المخاطر $\alpha: \neg P_{21}$

في الجدول المرفق العمود الذي يشر إلى التعبير $\alpha \Longrightarrow KB \Rightarrow 1$ لايحوي إلا على 1 هذا يعني انه صحيح، وهكذا نستنتج ان α تستلزم α مهما إختلفت التفسيرات ونكتب $\alpha \Longrightarrow KB$.

B ₁₁	B ₁₂	P ₂₁	P ₁₂	P ₂₁	P ₂₂	P ₃₁	S ₁	S ₂	S ₃	S ₄	S	KB	α	КВ⇒ α
0	0	0	0	0	0	0	1	0	4	1	1	0	1	1
0	0	0	0	0	0	1	1	0	ď	0	1	0	1	1
0	1	0	0	0	0	0	1	1	rf	0	1	0	1	1
	1		0		0						1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			1
0		0	0	0		0					 - 1			1
	* * * * * * * * * * * *		0	0				1 1 1		* * * * * * * * * * * * * * * * * * *				1
0	1	0	0	1	0	0	1	1	0	0	1	0	1	1
1	1	1	1	1	1	1	0	1	r	1	0	0	0	1





- *KB* = wumpus-world rules + observations
- $\alpha_1 = "[2,2]$ is safe?", $KB/\models \alpha_2$,



المربع (2،2) خالي من المخاطر $\alpha: \neg P_{22}$

في الجدول المرفق العمود الذي يشر إلى التعبير $\alpha \Longrightarrow KB \Rightarrow \alpha$ يحوي على 0 في موقعين نتيجة لكون $\alpha \Longrightarrow \alpha$ خطأ حيث KB صحيحة هذا يعني ان الإستلزام غير محقق ،و هكذا نستنتج ان KB لا تستلزم α (α).

B ₁₁	B ₂₁	B ₁₂	P ₂₁	P ₁₂	P ₂₂	P ₃₁	S ₁	S ₂	S ₈	S ₄	S ₅	KB	α	КВ⇒ α
0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	1	1	0	1	1
0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0	1	0	1	1
0	1	0	0	0	0	0	1	1	1	0	1	0	1	1
			0											1
0		0	0	0		0							0	0
			a	0									0	0
0	1	0	0	1	0	0	1	1	0	0	1	0	1	1
												•••		
1	1	1	1	1	1	1	0	1	1	1	0	0	0	1



Propositional logic: inference الاستدلال في منطق الإقترح

هل نحتاج لجداول الحقيقة في كل مرة نريد فيها تحديد قيمة تعبير ما؟

لا، يمكننا إستخدام قواعد الإستدلال.

الإستدلال: هو طرائق تحويل للتركيب اللغوي (syntax) لتعبير ما ،يمكن من خلالها إيجاد الدلالة اللغوية (sementic) لذلك التعبير . α (إلفا مشتقة من قاعدة المعرفة حسب i)(i تنتج إلفا من قاعدة المعرفة) • التحويلات تهدف إلى إيجاد القيمة المنطقية لتعبير من خلال إختزال ذلك التعبير إلى تعبير لا يتعلق إلا بحقائق معروفة.

مثال:

مقدمة منطقية (premise)

- إذا لم يحمل هيثم كريم، فكريم لن يحمل هيثم
 - کریم یحمل هیثم

خلاصة منطقية (conclusion)

- إذا " هيثم يحمل كريم" تعبير صحيح



نمذجة الاستدلال

مقدمة منطقية (premise) إذا لم يحمل هيثم كريم، فكريم لن يحمل هيثم كريم يحمل هيثم خلاصة منطقية (conclusion) - إذا " هيثم يحمل كريم" تعبير صحيح

في منطق الإقتراح نكتب: P="هيثم يحمل كريم" Q="كريم يحمل هيثم"

الإستدلال:

مقدمة منطقية

1. $\neg P \Rightarrow \neg Q$

2. Q

النتيجة

Then P

مكونات الإستدلال:

- -البديهيات (Axioms) : حقائق معروفة في العالم
- القواعد (Rules): التحويلات في التركيبة اللغوية لتعبير والتي تنقل دلالته اللغوية دون ضياع فو ائد الإستدلال:
 - يعطينا طريقة لنمذجة التفكير
 - يحول تحليل الدلالة اللغوية لتعبير إلى أعمال إختصار للتركيب اللغوي والتي يمكن أتمتتها



التكافئ المنطقي Logical equivalence

نقول ان تعبيرين متكافئين منطقيا إذا وفقط إذا كانا صحيحين في نفس الموديل

Two sentences are logically equivalent iff they are true in same models: $\alpha \equiv \beta$ iff $\alpha \models \beta$ and $\beta \models \alpha$



مثال عن الإستدلال:

كيف حصلنا على الخلاصة

مقدمة منطقية (premise)
إذا لم يحمل هيثم كريم، فكريم لن يحمل هيثم
كريم يحمل هيثم
خلاصة منطقية (conclusion)
مح إذا " هيثم يحمل كريم" تعبير صحيح

حالة أ :

إذا كان لدينا القاعدة المذكورة أدناه فإننا نطبقها مباشرة لنحصل على الخلاصة.

القاعدة هي: إذا كان β،α تعبيران ما فإنه

$$\frac{\neg \alpha \Rightarrow \neg \beta, \beta}{\alpha}$$

الإستدلال: مقدمة منطقية

1. $\neg P \Rightarrow \neg Q$

2. Q

النتيجة

Then P

حالة ب

 $(\neg \alpha \Rightarrow \neg \beta) \Rightarrow (\beta \Rightarrow \alpha)$ التالية : (Axiom) التالية لدينا البديهة

 $lpha \Rightarrow eta, lpha$: (Modus ponens) و القاعدة التالية

 β

Q="کر یم یحمل هیثم"



حالة جـ:

ليكن لدينا البديهات (Axiom) التالية:

 $i:(\alpha \Rightarrow \beta) \Leftrightarrow (\neg \alpha \lor \beta)$

 $ii: \neg \neg \alpha \Leftrightarrow \alpha$

 $iii: (\alpha \vee \beta) \Leftrightarrow (\beta \vee \alpha)$

البرهان:

و القاعدة التالبة:

$$\frac{\alpha \Rightarrow \beta, \alpha}{\beta}$$

 $1. \neg P \Rightarrow \neg Q$

2. ¬¬P v ¬Q

3. P ∨ ¬Q

4. ¬Q ∨ P

5. Q ⇒ P

6. Q

7. P

معطی

(1),(i)

(2),(ii)

(3),(iii)

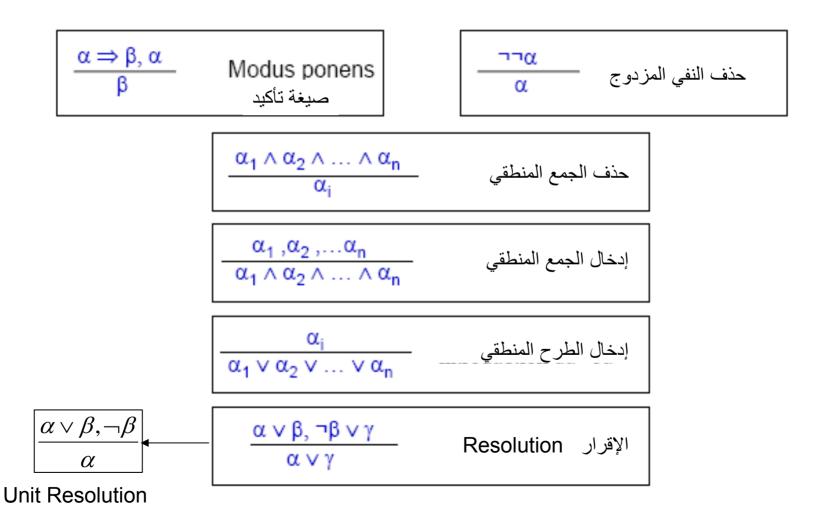
(4),(i)

معطي

(5),(6)



قواعد الإستدلال Inference rules

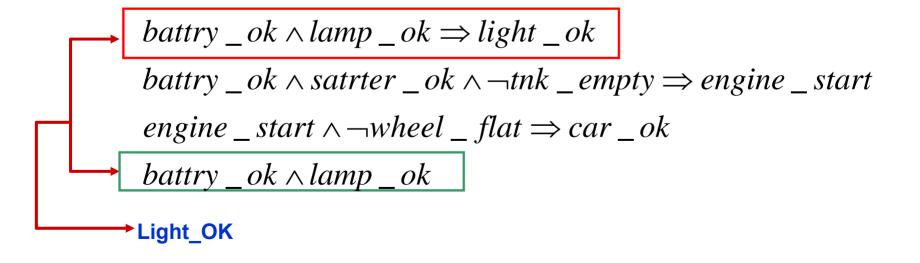




مثال عن صيغة التأكيد MP

$$\{\alpha \Rightarrow \beta, \alpha\} \vdash \beta$$

 $\{\xi, \psi\} \vdash \varphi$





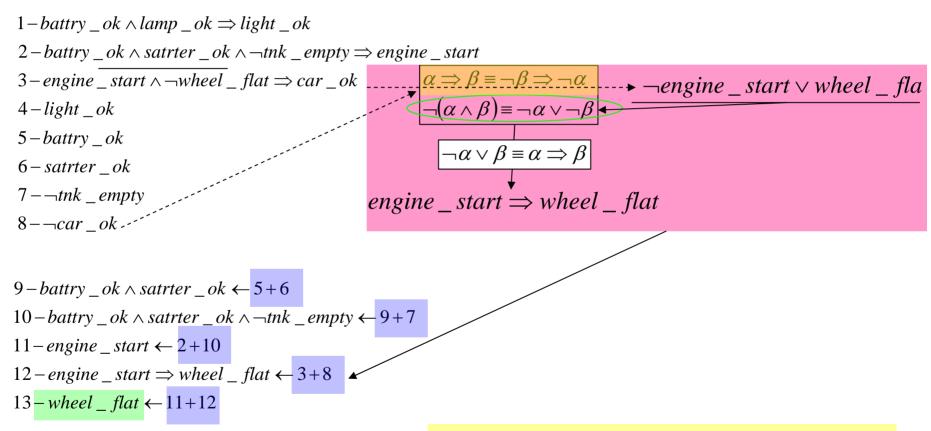
مثال كامل: حالة سيارة

- $1-battry_ok \land lamp_ok \Rightarrow light_ok$
- $2-battry_ok \land satrter_ok \land \neg tnk_empty \Rightarrow engine-start$
- $3-engine_start \land \neg wheel_flat \Rightarrow car_ok$
- $4-light_ok$
- $5-battry_ok$
- 6-satrter_ok
- $7 \neg tnk _empty$
- $8 \neg car _ok$

ما هو سبب عدم صلاحية السيارة ؟



مثال كامل



الخلاصة: بالإفتراضات المعطاة نجد أنه بالاستدلال وجدنا ان السيارة لا تستطيع أخذ الطريق رغم ان محركها سليم، ذلك لأن دو لايبها غير منفوخة.



Inference (complete, soundness) الإستدلال التام و الإستدلال الملائم

نقول ان الإستدلال هو إستدلال ملائم إذا أنتج تعابير مستلزمة فقط(نقول ان قاعدة بيانات ما تستلزم α إذا وفقط إذا كان α صحيحا في كل مكان حيث قاعدة البيانات صحيحة α الحكام أخر إذا انتج تعابير صحيحة من مقدمات منطقية صحيحة. نسمي عملية الإستدلال هذه بالإثبات proof.

i is sound if whenever $KB \mid_i \alpha$, it is also true that $KB \models \alpha$

An إذا إستطاع إيجاد إثبات proof (باستخدام البديهيات و القواعد) أي تعبير مستلزم. inference procedure is complete if it can find a proof for any entailed sentence i is complete if whenever $KB \models \alpha$, it is also true that $KB \models \alpha$



طرائق الإثبات Proof methods

الإثبات هو مجموعة من البديهيات و قواعد الإستدلال

- هناك أكثر من طريقة إثبات في منطق الإقتراح. (المنطقيون يفضلون طرق إثبات مختصرة (قاعدة واحدة مع قليلا من البديهيات)، بينما العاملون في حقل الذكاء الصنعي يفضلون نظم الإثبات بوجود قواعد كثيرة وقليلا من البديهيات)
 - بصورة عامة هناك طريقتين للإثبات:
 - 1. تطبيق قواعد الإستدلال:
 - تولید تعابیر جدیدة من أخری قدیمة (إستدلال ملائم sound).
- إثبات: هو سلسلة من بديهيات وقواعد الإستدلال ، هذا الإثبات يهدف إلى تحويل التعابير إلى أشكال نظامية معروفة.
 - 2. تدقيق الموديل المنطقي:
 - جداول الحقيقة (العدد أسى 2ⁿ)
 - التعقب الخلفي الخلفي التعقب الخلفي التعقب الخلفي التعقب الخلفي التعقب التعلق ال
 - البحث الحدسي في فضاء الموديل
 - to prove q by BC, check if q is known already, or prove by BC all premises of some rule concluding q



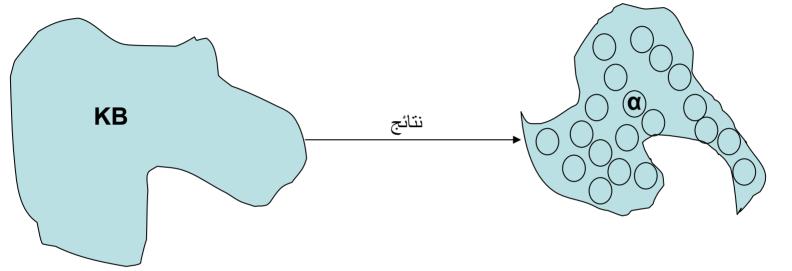
التأكيد و الإرضاء Validity and satisfiability

- A sentence is valid if it is true in all models, نقول عن تعبير انه أكيد إذا كان صحيحا في كل موديلاته
 - e.g., *True*, $A \lor \neg A$, $A \Rightarrow A$, $(A \land (A \Rightarrow B)) \Rightarrow B$
- Validity is connected to inference via the Deduction Theorem:العلاقة بين التأكيد و نظرية الإستنتاج
 - $KB \models \alpha$ if and only if $(KB \Rightarrow \alpha)$ is valid
- نقول عن تعبير انه مرضي إذا كان صحيحا في بعض موديلاته A sentence is satisfiable if it is true in some model
 - e.g., A > B, C(بعض قيم التعابير الأولية تجعل من تعبير ما مرضي)
- . A sentence is unsatisfiable if it is true in no models يكون تعبير غير مرضي إذا لم يكن صحيحا في أي من موديلاته
 - e.g., A∧¬A
- Satisfiability is connected to inference via the following:العلاقة بين الارضاء و نظرية الإستنتاج
 - − $KB \models \alpha$ if and only if $(KB \land \neg \alpha)$ is unsatisfiable



خلاصة صغيرة

إستلزام Entailment، إثبات



الإستلزام هو ان تكون α هنا و الإثبات هو أن نجدها



بعض أشكال التعابير القياسية

هي تعابير قياسية تسمح بالقيام بعمليات التحليل اللغوي بصورة أسهل:

Conjunctive Normal Form (CNF) conjunction of disjunctions of literals clauses

$$(l_{11} \vee \vee l_{1k}) \wedge \wedge (l_{n1} \vee ... \vee l_{nk})$$

$$(A \lor \neg B) \land (B \lor \neg C \lor \neg D)$$

Disjunctive Normal Form (DNF) disjunction of conjunctions of literals clauses

$$(l_{11} \wedge \ldots \wedge l_{1k}) \vee \ldots \vee (l_{n1} \wedge \ldots \wedge l_{nk})$$

$$(A \land \neg B) \lor (B \land \neg C \land \neg D)$$

Horn clause

$$P_1 \land P_2 \land P_3 \land \dots \land P_n \Rightarrow Q$$

$B1.1 \Leftrightarrow (P1.2 \vee P2.1)$

مثالConversion to CNF

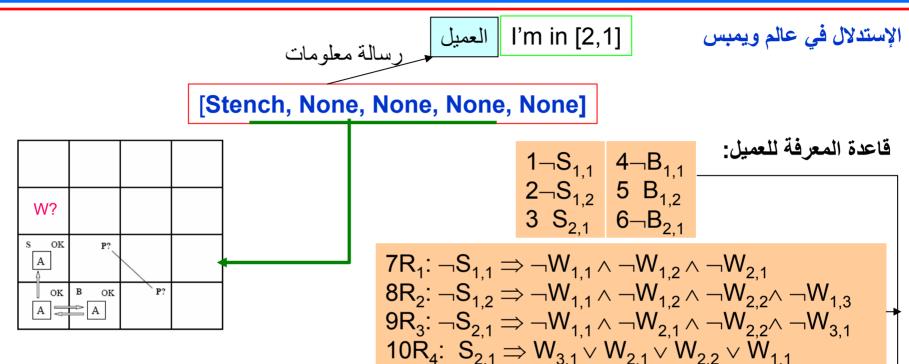
- Eliminate \Leftrightarrow , replacing $\alpha \Leftrightarrow \beta$ with $(\alpha \Rightarrow \beta) \land (\beta \Rightarrow \alpha)$.
 - $(B1,1 \Rightarrow (P1,2 \vee P2,1)) \wedge ((P1,2 \vee P2,1) \Rightarrow B1,1)$
- 2. Eliminate \Rightarrow , replacing $\alpha \Rightarrow \beta$ with $\neg \alpha \lor \beta$.
 - $(\neg B1,1 \lor P1,2 \lor P2,1) \land (\neg (P1,2 \lor P2,1) \lor B1,1)$
- 3. Move inwards using de Morgan's rules and double-negation:
 - $(\neg B1,1 \lor P1,2 \lor P2,1) \land ((\neg P1,2 \land \neg P2,1) \lor B1,1)$
- 4. Apply distributivity law (∧ over ∨) and flatten:
 - $(\neg B1,1 \lor P1,2 \lor P2,1) \land (\neg P1,2 \lor B1,1) \land (\neg P2,1 \lor B1,1)$



قاعدة المعرفة لعالم ويمبس

- A wumpus-world agent using propositional logic:
 - − ¬P1,1
 - − ¬W1,1
 - $Bx,y \Leftrightarrow (Px,y+1 \vee Px,y-1 \vee Px+1,y \vee Px-1,y)$
 - $Sx,y \Leftrightarrow (Wx,y+1 \vee Wx,y-1 \vee Wx+1,y \vee Wx-1,y)$
 - W1,1 ∨ W1,2 ∨ ... ∨ W4,4
 - ¬W1,1 ∨ ¬W1,2
 - ¬W1,1 ∨ ¬W1,3
 - _ ...
- ⇒ 64 distinct proposition symbols, 155 sentences





 $KB \Rightarrow W_{3.1}$

- 11. MP to 1+7: $\neg W_{1,1} \land \neg W_{1,2} \land \neg W_{2,1}$
- 12. AND-ELIMI to 11: $\neg W_{1,1} \ \neg W_{1,2} \ \neg W_{2,1}$
- 13. MP to 2+8 + AND-ELIM: $\neg W_{1,1}$, $\neg W_{2,2}$ $\neg W_{1,2}$ $\neg W_{1,3}$
- 14. MP to 3+10: $W_{3,1} \vee W_{2,1} \vee W_{2,2} \vee W_{1,1}$
- 15. UNIT RESOLUTION RULE to 14 : $W_{3,1} \vee W_{2,1} \vee W_{2,2}$
- 16. UNIT RESOLUTION RULE to 15: $W_{3.1} \vee W_{2.1}$
- 17. UNIT RESOLUTION RULE to 16: W_{3.1}



تحويل المعرفة لإجراء

$A_{1,1} \land EAST_A \land W_{2,1} \Rightarrow \neg FORWARD$

- نحتاج لقواعد
- نحتاج لقاعدة معرفة تحوي الإجراء
- في منطق الإقتراح لا جواب على السؤال: أي إجراء يجب على القيام به

وإنما هناك إجوبة على أسئلة مثل: أاستطيع التقدم؟ الإلتفاف؟....



الخلاصة

- يطبق العملاء المنطقيون قواعد الاستدلال على قاعدة معرفة ما من أجل إشتقاق معارف أخرى و من ثم اخذ القرار المناسب
 - المفاهيم الاساسية: التركيب اللغوي ، الدلالة اللغوية الإستلزام الإستدلال
- منطق المقترحات يكفي لمعالجة لعالم مثل عالم ويمبس (لايتطلب إلا تمثيل جزئي لمعلومات الوسط)
 - لا يملك منطق المقترحات قدرة تعبيرية كبيرة (عدد هائل من التعابير لتمثيل معرفة ما)